Exercice 5:

```
Soient A(1;4); B(3;-2); C(-5;35); D(9;-7) dans un repère.
```

- 1°) Les droites (AB) et (CD) sont-elles parallèles ?
- 2°) Les points B, C et D sont-ils alignés ?
- 3°) ABCD est-il un parallélogramme?
- 4°) Déterminez les équations de (BC), (AB) et (CD).

1°) Les droites (AB) et (CD) sont-elles parallèles ?



• • •

1°) Les droites (AB) et (CD) sont-elles parallèles ?

 \rightarrow \overrightarrow{AB} et \overrightarrow{CD} sont-ils colinéaires ? \rightarrow x'y-xy'=0 ?

1°) Les droites (AB) et (CD) sont-elles parallèles ?

 \rightarrow \overrightarrow{AB} et \overrightarrow{CD} sont-ils colinéaires ? \rightarrow x' y - x y' = 0 ?

Coordonnées des points

- coordonnées des vecteurs
- \rightarrow x'y-xy'=0?

1°) Les droites (AB) et (CD) sont-elles parallèles ?

```
...
```

2°) Les points B, C et D sont-ils alignés ?



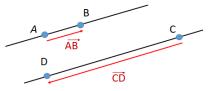
3°) ABCD est-il un parallélogramme?



4°) Déterminez les équations de (BC), (AB) et (CD).



1°) Les droites (AB) et (CD) sont-elles parallèles ?

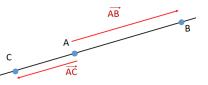




 \rightarrow \overrightarrow{AB} et \overrightarrow{CD} sont-ils colinéaires ? \rightarrow x' y - x y' = 0 ?



2°) Les points B, C et D sont-ils alignés ?





 \Longrightarrow \overrightarrow{BC} et \overrightarrow{CD} sont-ils colinéaires ? \longleftrightarrow x' y - x y' = 0 ?



3°) ABCD est-il un parallélogramme? (j'ajoute le sens des vecteurs

$$\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{DC}$$



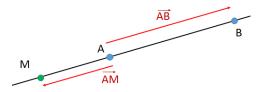
à 2 côtés // et de même longueur)

4°) Déterminez les équations de (BC), (AB) et (CD).



 \rightarrow AM et \overrightarrow{AB} sont colinéaires (AB) \rightarrow x' y - x y' = 0



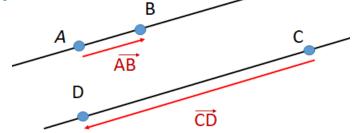


A(1;4); B(3;-2); C(-5;35); D(9;-7)

1°) Les droites (AB) et (CD) sont-elles parallèles ?

$$\overrightarrow{AB} = (3-1; (-2)-4) = (2; -6)$$

$$\overrightarrow{CD} = (9 - (-5); (-7) - 35) = (14; -42)$$

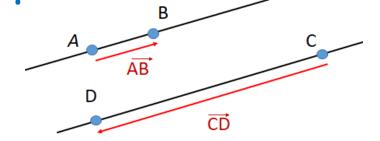


A(1;4); B(3;-2); C(-5;35); D(9;-7)

1°) Les droites (AB) et (CD) sont-elles parallèles?

$$\overrightarrow{AB} = (3-1; (-2)-4) = (2; -6)$$

 $\overrightarrow{CD} = (9-(-5); (-7)-35) = (14; -42)$
 $x'y-xy' = 2(-42)-14(-6)$



$$\overrightarrow{AB} = (3-1; (-2)-4) = (2; -6)$$

$$\overrightarrow{CD} = (9 - (-5); (-7) - 35) = (14; -42)$$

x'y - xy' = 2(-42) - 14(-6) = -84 + 84 = 0 les vecteurs \overrightarrow{AB} et \overrightarrow{CD} sont colinéaires les droites (AB) et (CD) sont parallèles.

 \overrightarrow{CD}

$$\overrightarrow{AB} = (3-1; (-2)-4) = (2; -6)$$

$$\overrightarrow{CD} = (9 - (-5); (-7) - 35) = (14; -42)$$

x'y - xy' = 2(-42) - 14(-6) = -84 + 84 = 0 les vecteurs \overrightarrow{AB} et \overrightarrow{CD} sont colinéaires les droites (AB) et (CD) sont parallèles.

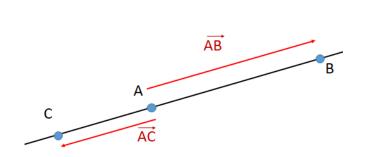
 \overrightarrow{CD}

$$\overrightarrow{AB} = (3-1; (-2)-4) = (2; -6)$$

$$\overrightarrow{CD} = (9 - (-5); (-7) - 35) = (14; -42)$$

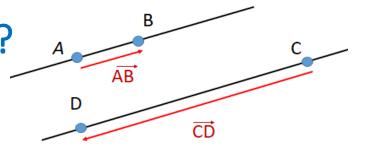


2°) Les points B, C et D sont-ils alignés ?



$$\overrightarrow{AB} = (3-1; (-2)-4) = (2; -6)$$

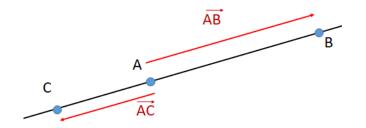
$$\overrightarrow{CD} = (9 - (-5); (-7) - 35) = (14; -42)$$



x'y - xy' = 2(-42) - 14(-6) = -84 + 84 = 0 les vecteurs \overrightarrow{AB} et \overrightarrow{CD} sont colinéaires les droites (AB) et (CD) sont parallèles.

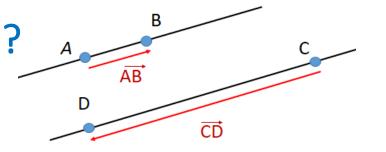
2°) Les points B, C et D sont-ils alignés ?

Les vecteurs \overrightarrow{BC} et \overrightarrow{CD} sont-ils colinéaires ? \longleftrightarrow x' y - x y' = 0 ?



$$\overrightarrow{AB} = (3-1; (-2)-4) = (2; -6)$$

$$\overrightarrow{CD} = (9 - (-5); (-7) - 35) = (14; -42)$$



x'y - xy' = 2(-42) - 14(-6) = -84 + 84 = 0 les vecteurs \overrightarrow{AB} et \overrightarrow{CD} sont colinéaires les droites (AB) et (CD) sont parallèles.

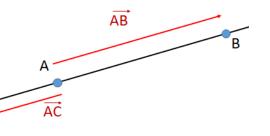
2°) Les points B, C et D sont-ils alignés ?

$$\overrightarrow{CB} = (3 - (-5); (-2) - 35) = (8; -37)$$
 et $\overrightarrow{CD} = (14; -42)$ voir qu. 1°).

$$x'y - xy' = 8(-42) - 14(-37) = -336 + 518 = 182 \neq 0$$

les vecteurs \overrightarrow{CB} et \overrightarrow{CD} ne sont pas colinéaires,

les points B, C et D ne sont pas alignés.



```
A(1;4); B(3;-2); C(-5;35); D(9;-7)
3°) ABCD est-il un parallélogramme?
```

```
A(1;4); B(3;-2); C(-5;35); D(9;-7)
3°) ABCD est-il un parallélogramme?
1ère méthode: A-t-il 4 côtés parallèles 2 à 2?
```

```
A(1;4);B(3;-2);C(-5;35);D(9;-7)
3°) ABCD est-il un parallélogramme?
1ère méthode: A-t-il 4 côtés parallèles 2 à 2?
```

$$\overrightarrow{AB} = (2; -6) \text{ et } \overrightarrow{CD} = (14; -42)$$
 $x'y - xy' = 2(-42) - (-6)14 = -84 + 84 = 0$

les vecteurs sont colinéaires ces 2 côtés sont parallèles. (déjà vu à la question 1°)

AD =
$$(8; -11)$$
 et BC = $(-8; 37)$ $x'y-xy'=8(37)-(-11)(-8)=296-88 \neq 0$

les vecteurs ne sont pas colinéaires \implies ces 2 côtés ne sont pas parallèles.

ABCD n'a pas 4 côtés // 2 à 2 il n'est pas un parallélogramme.

```
A(1;4); B(3;-2); C(-5;35); D(9;-7)
3°) ABCD est-il un parallélogramme?
```

1ère méthode : A-t-il 4 côtés parallèles 2 à 2 ?

2ème méthode:

On pourrait utiliser ...

3^{ème} méthode:...

A(1;4); B(3;-2); C(-5;35); D(9;-7) 3°) ABCD est-il un parallélogramme?

1ère méthode : A-t-il 4 côtés parallèles 2 à 2 ?

2ème méthode:

On pourrait utiliser 2 côtés parallèles et de même longueur AB = DC mais cette méthode n'utilise pas uniquement la colinéarité des vecteurs.

3^{ème} méthode : idem Les diagonales se coupent en leurs milieux.

3°) ABCD est-il un parallélogramme?

2^{ème} méthode : 2 côtés parallèles et de même longueur ?

$$\langle \rightarrow \rangle \overrightarrow{AB} = \overrightarrow{DC} ?$$

$$\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{DC}?$$

$$\overrightarrow{AB} = \begin{pmatrix} 3-1 \\ (-2)-4 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 2 \\ -6 \end{pmatrix} \text{ et } \overrightarrow{DC} = \begin{pmatrix} 9-(-5) \\ (-7)-35 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 14 \\ -42 \end{pmatrix}$$

$$\overrightarrow{AB} \neq \overrightarrow{DC}$$

ABCD n'a pas 2 côtés parallèles et de même longueur

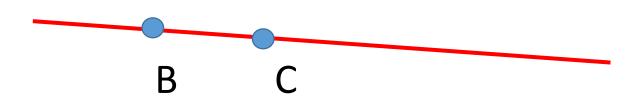
ABCD n'est pas un parallélogramme

3ème méthode : les diagonales se coupent en leur milieu ?

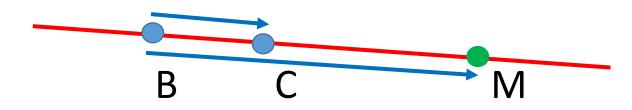
M milieu de [AC]
$$\iff$$
 M $\begin{pmatrix} \frac{1}{2}(x_A + x_C) \\ \frac{1}{2}(y_A + y_C) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \frac{1}{2}(1 + (-5)) \\ \frac{1}{2}(4 + 35) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -2 \\ 19,5 \end{pmatrix}$

M et N non confondus \(\bigcup \) les diagonales ne se coupent pas en leurs milieux ABCD n'est pas un parallélogramme.

A(1;4); B(3;-2); C(-5;35); D(9;-7) 4°) Déterminez l'équation de (BC).



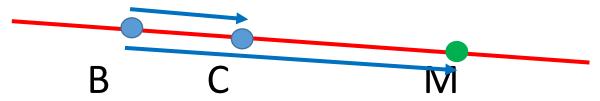
A(1;4); B(3;-2); C(-5;35); D(9;-7) 4°) Déterminez l'équation de (BC).



Utilisez l'exemple déjà fait dans le cours!

A(1;4); B(3;-2); C(-5;35); D(9;-7) 4°) Déterminez l'équation de (BC).

Soit M(x; y) un point quelconque de (BC), donc représentatif de tous les points de (BC).



$$\Rightarrow x' y - x y' = 0$$
B
C

$$\Rightarrow x' y - x y' = 0$$

$$\overrightarrow{BM} = (x - 3; y + 2)$$

$$\overrightarrow{CB} = (8; -37)$$

Soit M(x; y) un point quelconque de (BC), donc représentatif de tous les points de (BC). M, B et C sont alignés \longleftrightarrow BM et CB sont colinéaires, \longleftrightarrow x' y - x y' = 0

$$\overrightarrow{BM} = (x-3; y+2)$$
 $\overrightarrow{CB} = (8; -37)$

$$x'y-xy'=0$$
 \implies $(x-3)(-37)-(y+2)8=0$

$$\Rightarrow x' y - x y' = 0$$
 $\Rightarrow B$
 $\Rightarrow C$
 \Rightarrow

$$\implies$$
 x' y - x y' = 0 B C M
 $\overrightarrow{BM} = (x-3; y+2)$ $\overrightarrow{CB} = (8; -37)$
x' y - x y' = 0 \implies (x-3)(-37)-(y+2)8=0
 \implies -37x + 111 - 8y - 16 = 0 \implies -8y = 37x - 95

colinéaires

$$\Rightarrow x' y - x y' = 0$$
 $\Rightarrow C$
 $\Rightarrow CB = (8; -37)$
 $\Rightarrow CB =$

A(1;4); B(3;-2); C(-5;35); D(9;-7) 4°) Déterminez l'équation de (AB). A(1;4); B(3;-2); C(-5;35); D(9;-7) 4°) Déterminez l'équation de (AB).

Soit M(x;y) un point quelconque de (AB), donc représentatif de tous les points de (AB).

A(1;4); B(3;-2); C(-5;35); D(9;-7) 4°) Déterminez l'équation de (AB).

Soit M(x; y) un point quelconque de (AB), donc représentatif de tous les points de (AB). M, B et A sont alignés \implies $\stackrel{\longrightarrow}{BM}$ et $\stackrel{\longrightarrow}{AB}$ sont colinéaires \implies $\stackrel{\longrightarrow}{x'}$ y - x y' = 0

Soit M(x; y) un point quelconque de (AB), donc représentatif de tous les points de (AB). M, B et A sont alignés \implies BM et AB sont colinéaires \implies x' y - x y' = 0

$$\overrightarrow{BM} = (x-3; y-(-2)) = (x-3; y+2)$$
 $\overrightarrow{AB} = (2; -6)$

A(1;4); B(3;-2); C(-5;35); D(9;-7) 4°) Déterminez l'équation de (AB).

$$\overrightarrow{BM} = (x-3; y-(-2)) = (x-3; y+2)$$
 $\overrightarrow{AB} = (2; -6)$
 $x'y-xy'=0$ \Rightarrow $2(y+2)-(-6)(x-3)=0$

Soit M(x; y) un point quelconque de (AB), donc représentatif de tous les points de (AB). M, B et A sont alignés \Longrightarrow BM et AB sont colinéaires \Longrightarrow x' y - x y' = 0

$$\overrightarrow{BM} = (x-3; y-(-2)) = (x-3; y+2)$$
 $\overrightarrow{AB} = (2; -6)$
 $x'y-xy'=0$ \Rightarrow $2(y+2)-(-6)(x-3)=0$
 \Rightarrow $2y+4+6x-18=0$

$$\overrightarrow{BM} = (x-3; y-(-2)) = (x-3; y+2)$$
 $\overrightarrow{AB} = (2; -6)$
 $x'y-xy'=0$ \Rightarrow $2(y+2)-(-6)(x-3)=0$
 \Rightarrow $2y+4+6x-18=0$ \Rightarrow $2y=-6x+14$

$$\overrightarrow{BM} = (x-3; y-(-2)) = (x-3; y+2) \qquad \overrightarrow{AB} = (2; -6)$$

$$x' y - x y' = 0 \qquad \Rightarrow \qquad 2(y+2) - (-6)(x-3) = 0$$

$$\Rightarrow \qquad 2y + 4 + 6x - 18 = 0 \qquad \Rightarrow \qquad 2y = -6x + 14$$

$$\Rightarrow \qquad y = \frac{-6x + 14}{2}$$

$$\overrightarrow{BM} = (x-3; y-(-2)) = (x-3; y+2) \qquad \overrightarrow{AB} = (2; -6)$$

$$x' y - x y' = 0 \qquad \Rightarrow \qquad 2(y+2) - (-6)(x-3) = 0$$

$$\Rightarrow \qquad 2y + 4 + 6x - 18 = 0 \qquad \Rightarrow \qquad 2y = -6x + 14$$

$$\Rightarrow \qquad y = \frac{-6x + 14}{2} \qquad \Rightarrow \qquad y = -3x + 7$$

```
A(1;4); B(3;-2); C(-5;35); D(9;-7)
4°) Déterminez l'équation de (CD).
```

A(1;4); B(3;-2); C(-5;35); D(9;-7) 4°) Déterminez l'équation de (CD).

Soit M(x; y) un point quelconque de (CD), donc représentatif de tous les points de (CD).

```
A(1;4); B(3;-2); C(-5;35); D(9;-7)
4°) Déterminez l'équation de (CD).
```

Soit M(x; y) un point quelconque de (CD), donc représentatif de tous les points de (CD). M, D et C sont alignés \longrightarrow CM et CD sont colinéaires \longrightarrow x' y - x y' = 0 A(1;4); B(3;-2); C(-5;35); D(9;-7) 4°) Déterminez l'équation de (CD).

Soit M(x; y) un point quelconque de (CD), donc représentatif de tous les points de (CD). M, D et C sont alignés \longrightarrow CM et CD sont colinéaires \longrightarrow x' y - x y' = 0

$$\overrightarrow{CM} = (x + 5; y - 35)$$
 $\overrightarrow{CD} = (14; -42)$

Soit M(x;y) un point quelconque de (CD), donc représentatif de tous les points de (CD). M, D et C sont alignés $\implies \overrightarrow{CM}$ et \overrightarrow{CD} sont colinéaires $\implies x'y - xy' = 0$

$$\overrightarrow{CM} = (x + 5; y - 35)$$
 $\overrightarrow{CD} = (14; -42)$

$$x'y - xy' = 0$$
 $\implies 14(y - 35) - (-42)(x + 5) = 0$

Soit M(x; y) un point quelconque de (CD), donc représentatif de tous les points de (CD). M, D et C sont alignés \longrightarrow \overrightarrow{CM} et \overrightarrow{CD} sont colinéaires \longrightarrow x' y - x y' = 0 \overrightarrow{CM} = (x + 5; y - 35) \overrightarrow{CD} = (14; -42) x' y - x y' = 0 \longrightarrow 14(y - 35) - (-42) (x + 5) = 0

$$\rightarrow$$
 14y - 490 + 42x + 210 = 0

A(1;4); B(3;-2); C(-5;35); D(9;-7) 4°) Déterminez l'équation de (CD).

Soit M(x; y) un point quelconque de (CD), donc représentatif de tous les points de (CD). M, D et C sont alignés \longrightarrow \overrightarrow{CM} et \overrightarrow{CD} sont colinéaires \longrightarrow x' y - x y' = 0 \overrightarrow{CM} = (x + 5; y - 35) \overrightarrow{CD} = (14; -42) x' y - x y' = 0 \longrightarrow 14(y - 35) - (-42) (x + 5) = 0

$$\rightarrow$$
 14y - 490 + 42x + 210 = 0 \rightarrow 14y = -42x + 280

Soit M(x;y) un point quelconque de (CD), donc représentatif de tous les points de (CD). M, D et C sont alignés \implies CM et CD sont colinéaires \implies x'y-xy' = 0 CM = (x + 5; y - 35) $\overrightarrow{CD} = (14; -42)$ x'y-xy'=0 \implies 14(y-35)-(-42)(x+5)=0

$$\rightarrow$$
 14y - 490 + 42x + 210 = 0 \rightarrow 14y = -42x + 280

$$y = \frac{-42x + 280}{14}$$

Soit M(x; y) un point quelconque de (CD), donc représentatif de tous les points de (CD). M, D et C sont alignés \longrightarrow \overrightarrow{CM} et \overrightarrow{CD} sont colinéaires \longrightarrow x' y - x y' = 0 \overrightarrow{CM} = (x + 5; y - 35) \overrightarrow{CD} = (14; -42)

$$x'y-xy'=0$$
 \implies 14(y-35)-(-42)(x+5)=0

$$\rightarrow$$
 14y - 490 + 42x + 210 = 0 \rightarrow 14y = -42x + 280

$$y = \frac{-42x + 280}{14}$$
 $y = -3x + 20$